

Programozáselmélet - előadás kivonat - 9. alkalom

Tétel: A szekvencia levezetési szabálya

Legyen A közös alap-állapotterű S_1 és S_2 programok szekvenciája $S = (S_1; S_2)$. Legyenek Q, Q' és R logikai függvények A -n. Ha

1. $Q \implies lf(S_1, Q')$ és

2. $Q' \implies lf(S_2, R)$

akkor $Q \implies lf(S, R)$.

Tétel: Az elágazás levezetési szabálya

Legyen $IF = (\pi_1:S_1, \dots, \pi_n:S_n)$ a közös A alap-állapotterű S_i programokból képzett, A feletti π_i logikai függvényekkel meghatározott elágazás. Legyenek továbbá Q és R logikai függvények A -n. Ha

1. $Q \implies \bigwedge_{i=1}^n (\pi_i \vee \neg \pi_i)$ és

2. $Q \implies \bigvee_{i=1}^n \pi_i$ és

3. $\forall i \in [1..n] : Q \wedge \pi_i \implies lf(S_i, R)$

akkor $Q \implies lf(IF, R)$.

Tétel: A ciklus levezetési szabálya

Legyen $DO = (\pi, S_0)$ az A alap-állapotterű feletti S_0 programból és a $\pi \in A \rightarrow \mathbb{L}$ feltétellel képzett ciklus. Továbbá legyenek P, Q és R logikai függvények A -n és $t: A \rightarrow \mathbb{Z}$ függvény adottak. Ha

1. $Q \implies P$ és

2. $P \wedge \neg \pi \implies R$ és

3. $P \implies \pi \vee \neg \pi$ és

4. $P \wedge \pi \implies t > 0$ és

5. $P \wedge \pi \implies lf(S_0, P)$

6. $P \wedge \pi \wedge t = t_0 \implies lf(S_0, t < t_0)$ bármely t_0 egész számra

akkor $Q \implies lf(DO, R)$.

A levezetési szabályban szereplő P állítást a ciklus invariáns tulajdonságának, a t függvényt terminálófüggvénynek nevezzük.